

# ТЕХНІЧНА ДІАГНОСТИКА ПРОЦЕСУ ЕЛЕКТРОГІДРАВЛІЧНОЇ ОЧИСТКИ ВИЛИВОК

М. Б. Соболева, Л. Є. Овчиннікова, Н. С. Назарова

Інститут імпульсних процесів і технологій НАН України

327018, м. Миколаїв 18, проспект Жовтневий, 43А,

Тел. (0512) 22-41-13, факс (0512) 22-61-40,

E-mail: ipre@iupt.air.mk.ua

Авторами запропоновано метод технічної діагностики вектору стану системи автоматичного управління (САУ) технологічним процесом електрогідролічної очистки виливок. В результаті аналізу динаміки отримані параметри вектору управління САУ, необхідні для забезпечення її стійкої роботи.

## ВСТУП

Стійкість роботи системи автоматичного управління технологічним процесом електрогідролічної очистки виливок значною мірою залежить від можливості технічної діагностики вектору стану САУ. Предметом даної доповіді є побудова моделі САУ та дослідження динаміки вектору стану.

## 1. МОДЕЛЬ СИСТЕМИ АВТОМАТИЧНОГО УПРАВЛІННЯ

Дослідження динаміки САУ проведено для окремого випадку регулювання довжини розрядного проміжку. Використані рівняння динаміки

переміщення виконавчого органу в три-мірній робочій області. Особливістю регулювання є те, що для горизонтального переміщення використовуються асинхронні приводи без регулювання, і управління відбувається тільки вертикальним асинхронним приводом. Таким чином усталена горизонтальна швидкість  $V_d$  є постійною. Вибір  $V_d$  відбувається у відповідності з технологічним режимом. Для забезпечення заданої  $V_d$  вибирають коефіцієнти передачі в приводах горизонтального переміщення по співвідношенням:

$$V_d = V_x \cos \gamma_x + V_y \sin \gamma_x \quad (1)$$

Рівняння, що описують основні кінематичні співвідношення, а також рівняння змінної довжини розрядного проміжку мають вигляд:

$$V_d = V_y \sin \gamma_x + V_x \cos \gamma_x$$

$$V_z = k_{2z} \omega_z, \quad V_x = k_{2x} \omega_x, \quad V_y = k_{2y} \omega_y \quad (2)$$

$$V_N = V_z \cos \alpha + V_d \sin \alpha,$$

$$V_s = V_z \sin \alpha + V_d \cos \alpha$$

$$l = \int_0^{T_u} V_N dt + l_0,$$

Де  $l$  - довжина розрядного проміжку;  $V_z$  - швидкість переміщення вертикального приводу;  $V_x$  - швидкість переміщення горизонтального приводу по осі  $O_x$  базової системи координат;  $V_y$  - швидкість переміщення горизонтального приводу по осі  $O_y$  базової системи координат;  $\gamma_x, \gamma_y$  - кути між заданим напрямком руху в горизонтальній площині і осями  $O_x, O_y$ ;  $V_N$  - нормальна до поверхні швидкість переміщення робочого органу;  $V_d$  - горизонтальна швидкість;  $\alpha$  - кут нахилу поверхні обробки, до горизонтальної площини,  $k_{2x, y, z}$  - коефіцієнти передачі відповідних редукторів.

Рівняння руху електроприводу мають вигляд:

$$\begin{cases} T_{npz} \frac{d\omega_z}{dt} + \omega_z = k_{Iz} U \Psi, \\ T_{npx} \frac{d\omega_x}{dt} + \omega_x = k_{Ix} U, \\ T_{npy} \frac{d\omega_y}{dt} + \omega_y = k_{Iy} U, \end{cases} \quad (3)$$

де  $\omega_x, \omega_y, \omega_z$  - кутові швидкості на валах відповідних двигунів;  $T_{npx, y, z}$  - постійні часу відповідних приводів;  $k_{I}$  - коефіцієнти швидкості відповідних двигунів;  $\Psi$  - функція регулятора;  $U$  - напруга, що подається. Система (2) має сімейство рішень для різноманітних значень  $\alpha$ . Цей кут залежить від форми заготовки і може бути описаний аналітичною залежністю:

$$\alpha = f_1(x_d), \quad (4)$$

де  $x_d$  - проекція переміщення електрода на горизонтальну площину.

Форма залежності (4) визначається типорозміром деталі, що обробляється. На практиці, звичайно, лінія перетину площини руху електрода з поверхнею обробки є ломаною. Тому функція (4) - кусково-лінійна, що викликає зміну коефіцієнтів в рівняннях стану системи (2) при переході від однієї

лінійної ділянки до іншої. Залежність (4) використовується для визначення коефіцієнтів в рівняннях системи (2) при розв'язанні задач управління для конкретних систем.

Система автоматичного управління є дискретною з квантуванням сигналу за часом, тому відбувається запізнення керуючого впливу регулятора від вихідного сигналу, що надходить з виходу об'єкту управління. Математичне сподівання цього запізнення  $\theta = T_u/2 = 0,25c$ . Тому при дослідженні перехідного процесу необхідно враховувати вплив запізнення  $\theta$  на його якість.

Поведінка системи описана дискретним відображенням

$$x_{n+1} = f(x_n), \quad (5)$$

де  $n$  - лічильник відображення,  $f$  - оператор відображення.

Для тримірної системи координат, що відповідає технологічній установці, існує аналітичне рішення в відображенні Пуанкаре, що дозволяє прогнозувати і рекомендувати початкові дані для вибору коефіцієнтів приводів горизонтального і вертикального переміщень. Проміжки часу, через які знаходились відображення, вибрані рівними періоду імпульсів  $T_u$ . Дискретні відображення вертикальної координати положення робочого органу можна записати наступним чином:

$$\begin{cases} z_{n+1} = z_n + S_1, \text{ при } i_m > \sigma_i, \Psi: 0 \rightarrow 1, \\ z_{n+1} = z_n + S_2, \text{ при } i_m > \sigma_i, \Psi: 1 \rightarrow 1, \\ z_{n+1} = z_n + S_3, \text{ при } i_m < -\sigma_i, \Psi: 1 \rightarrow -1, \\ z_{n+1} = z_n + S_4, \text{ при } i_m < -\sigma_i, \Psi: 0 \rightarrow -1, \\ z_{n+1} = z_n + S_5, \text{ при } i_m < -\sigma_i, \Psi: -1 \rightarrow -1, \\ z_{n+1} = z_n + S_6, \text{ при } i_m > \sigma_i, \Psi: -1 \rightarrow 1, \\ z_{n+1} = z_n + S_7, \text{ при } 0 < i_m < \sigma_i, \Psi: 1 \rightarrow 0, \\ z_{n+1} = z_n + S_8, \text{ при } 0 > i_m > -\sigma_i, \Psi: -1 \rightarrow 0, \\ S_4 = -S_1, S_5 = -S_2, S_6 = -S_3, S_8 = -S_7. \end{cases} \quad (6)$$

де  $S_k$  - переміщення робочого органу САР;  $\Psi$  показує значення на виході релейного елемента в моменти часу  $n-1$  і  $n$  (тобто при переключенні  $\Psi$ : 0-1, двигун вертикального переміщення розганяється і, отже,  $S_1$  - переміщення електрода при розгоні двигуна);  $S_2$  - переміщення електрода зі швидкістю, що встановилася,  $S_3$  - переміщення електрода при зміні напрямку руху приводу на протилежне,  $S_7$  - переміщення приводу при гальмуванні;  $k=1, 2 \dots 8$ . Де  $S_d = V_d T_u$  - переміщення, викликане горизонтальним приводом за час  $T_u$ . Значення  $S_k$  визначені при розв'язанні системи (3) для заданих в (6) значень  $\Psi$ :

$$\left\{ \begin{aligned} \varpi_1 &= \varpi_{yc} m \left( 1 - e^{-\frac{t}{T_{np}}} \right), \\ \varpi_2 &= \varpi_{yc} m \\ \varpi_3 &= 2\varpi_{yc} m \left( 1 - e^{-\frac{t}{T_{np}}} \right) - \varpi_{yc} m \\ \varpi_7 &= \varpi_{yc} m e^{-\frac{t}{T_{np}}}, \\ z_1 &= k_{2z} \varpi_{yc} m \left( T_u + T_{np} \left( 1 - e^{-\frac{t}{T_{np}}} \right) \right) \cos \alpha + S_d \sin \alpha, \\ z_2 &= k_{2z} \varpi_{yc} m \cos \alpha + S_d \sin \alpha, \\ z_3 &= k_{2z} \varpi_{yc} m \left( T_u - 2T_{np} \left( 1 - e^{-\frac{t}{T_{np}}} \right) \right) \cos \alpha + S_d \sin \alpha, \\ z_7 &= k_{2z} \varpi_{yc} m T_{np} \left( 1 - e^{-\frac{t}{T_{np}}} \right) \cos \alpha + S_d \sin \alpha, \end{aligned} \right. \quad (7)$$

Рішення системи (6) описують вертикальну координату положення робочого органу. На підставі цих рішень, проведено дослідження динаміки вектору стану системи автоматичного управління режимом розряду.

## 2. ДОСЛІДЖЕННЯ ДИНАМІКИ

### САУ

Отже, при відхиленні вихідної координати  $l_m$ , до величини, що перевищує поріг спрацьовування порогового пристрою, подається сигнал на включення вертикального приводу для усунення відхилення координати  $l$  від оптимального значення. Поріг спрацьовування будемо в подальшому значити  $\sigma_i$ . Поріг чуттєвості відхилення робочого органу  $\delta$ , відповідний  $\sigma_i$ , визначається по формулі  $\delta = \sigma_i / k_0$ . Вибираючи величину  $\sigma_i$ , ми повинні добитися того, щоб за проміжок часу між двома спрацьовуваннями релейного елемента  $T_u$ , величина  $l$  влучила в задані межі  $l_{onm} - \delta < l < l_{onm} + \delta$ , після чого двигун зупиниться. В іншому випадку двигун буде працювати без зупинок і стан рівноваги не буде досягнутий. Для визначення відповідності значення  $\delta$  вибраному електроприводу, проведемо дослідження характеру поведінки системи в залежності від параметру  $2\delta$ .

Початковими даними для дослідження є:

1) Значення  $z_k$ ,  $k=1..8$  в загальному вигляді.

Конкретні значення  $z_k$  можуть бути отримані по (7).

2) Значення  $2\delta$ .

Поведінка системи була розглянута на фазовій площині  $(x_n, \dot{x}_n)$ , і в системі координат  $(n, x_n)$ , де  $x_n = l_n - l_{onm} = z_n - z_{onm}$  - відхилення регульованої величини від оптимальної.

Процес імпульсного перетворення енергії має дискретний характер, тому момент формування керуючого впливу настає не при досягненні системою контрольного положення (наприклад, положення рівноваги), а в момент підводного розряду, настання якого задане періодом  $T_u$ . Тому значення відображення Пуанкаре і положення

відповідної точки на фазовій площині залежить від початкових умов відносно оптимального значення регульованої величини.

## ВИСНОВКИ

Розглянувши можливі типи асимптотичної поведінки САУ при різноманітному співвідношенні параметрів регулювання  $2\delta$  і  $z_k$ , можна зробити наступні висновки:

1) Характер поведінки САУ залежить від ширини зони нечуттєвості регулятора і може являти собою незгасаючі коливання з періодами  $2T_u$ ,  $3T_u$ ,  $4T_u$ , або стан стійкої рівноваги.

2) САУ досягає стану сталої рівноваги при будь-якому початковому положенні електрода тільки за умови, що ширина зони нечуттєвості регулятора більше біфуркаційного значення параметру:

$$2\delta = z_1 + z_7, \quad (8)$$

де  $z_1$  - переміщення електрода при розгоні приводу;  $z_7$  - переміщення електрода при гальмуванні приводу.

При цьому можливо перерегулювання:

$$\sigma = |z_{пер} - z_{нач}| / z_{нач} \quad (9)$$

де  $z_{пер} \leq z_2 + z_7 - 2\delta$ ;  $z_2$  - переміщення електрода при усталеній швидкості приводу.

Кольовальність може прийняти одне з двох значень  $\mu=0$  або  $\mu=1$ . Імовірність того, що перерегулювання  $\nu$  дорівнює нулю, менше одиниці. Імовірність того, що кольовальність дорівнює нулю, менше одиниці.

3) Можна забезпечити  $\nu=0$ , тобто виключити перерегулювання САУ. Для цього ширина зони нечуттєвості регулятора повинна бути більше біфуркаційного значення параметру  $2\delta = z_2 + z_7$ .

4) Тривалість перехідних процесів дозволяє досягнути усталеного стану системи за  $T_u$ .

В результаті вищезгаданого можуть бути зроблені наступні рекомендації для вибору коефіцієнта передачі редуктора приводу.

Для забезпечення оптимального управління САУ необхідно встановити відповідність значення параметру  $2\delta$ , що характеризує стійку роботу САУ (відсутність коливань), і значення зони нечуттєвості релейного елемента, що забезпечує підтримання оптимального технологічного режиму. Співвідношення між цими двома величинами повинно задовольняти умові  $\delta = \sigma_i / k_0$ . Причому, саме значення  $\sigma_i$ , що вибирається з умови досягнення максимальної ефективності режиму очистки, або, в загальному випадку, з умови оптимального технологічного режиму, визначає значення параметру  $2\delta$ . Після визначення параметру  $2\delta$  необхідно привести в відповідність йому значення  $z_1$  і  $z_7$  (переміщення приводу при розгоні і гальмуванні) згідно (7), тобто підібрати необхідні коефіцієнти передачі  $k_2$ .

Вимоги для забезпечення стійкої роботи САУ в тримірному геометричному просторі можна сформулювати наступним чином: коефіцієнти редукторів приводів горизонтального  $k_{2z}$  і вертикального  $k_{2y}$  переміщення повинні бути вибрані таким чином, щоб виконувалася умова:

$$S_n = T_u V_n = (-V_a \sin(\alpha) + V_z \cos(\alpha)) T_u < 2\delta,$$

Або

$$(z_{1z} + z_{7z}) \sin(\alpha) + (z_{1y} + z_{7y}) \cos(\alpha) < 2\delta,$$

де  $S_n$  - проекція переміщення електрода на лінію каналу розряду;  $z_{1z}$ ,  $z_{7z}$  - переміщення горизонтального приводу при розгоні і гальмуванні двигуна;  $z_{1y}$ ,  $z_{7y}$  - переміщення вертикального приводу при розгоні і гальмуванні двигуна.